



امتحان شهادة ختم التعليم الأساسي العام

دورة 2021

ضابط الاختبار: 2

الحصة: ساعتان

الاختبار: الرياضيات

الجمهورية التونسية

وزارة التربية

التمرين الأول : (3 نقاط)

يلبي كل سؤال من أسفله هذا التمرين ثلاثة مقتراحات للإجابة، أحدها فقط صحيح.
أنقل، في كل مرة، على ورقة تحريرك رقم السؤال والإجابة الصحيحة الموافقة له.

$$(1) \text{ إذا كان } a = \sqrt{3}(\sqrt{3}-4) + |1-3\sqrt{3}| \text{ فإن:}$$

(ج) $a = 4 - 7\sqrt{3}$

(ب) $a = 3\sqrt{3} - 2$

(أ) $a = 2 - \sqrt{3}$

(2) ليكن O, I, J معيناً متعامداً في المستوى حيث $OI = OJ = 1$

نعتبر نقطتين $A(0, \sqrt{3})$ و $B(0, -\sqrt{3})$ ، لدينا:

(ج) $AB = 2\sqrt{3}$

(ب) $AB = 3$

(أ) $AB = 0$

(3) العدد $11111111^2 - 16$ يقبل القسمة على:

(ج) 15

(ب) 12

(أ) 9

التمرين الثاني : (4 نقاط)

$$\text{نعتبر العددين الحقيقيين } b = \frac{16 + \sqrt{112}}{12} \text{ و } a = \frac{12 - \sqrt{63}}{9}$$

$$(1) \text{ أ) بين أن } b = \frac{4 + \sqrt{7}}{3} \text{ و } a = \frac{4 - \sqrt{7}}{3}$$

ب) بين أن a هو مقلوب b واستنتج علامة العدد a

ج) بين أن $a < 1 < b$

$$(2) \text{ أ) تحقق أن } \frac{a}{a-1} + \frac{b}{b-1} = \frac{4-\sqrt{7}}{1-\sqrt{7}} + \frac{4+\sqrt{7}}{1+\sqrt{7}}$$

$$\text{ب) بين أن } \frac{a}{a-1} + \frac{b}{b-1} = \frac{2ab - (a+b)}{ab - (a+b) + 1}$$

ج) استنتاج أن $\frac{4-\sqrt{7}}{1-\sqrt{7}} + \frac{4+\sqrt{7}}{1+\sqrt{7}}$ عدد صحيح طبيعي.

التمرين الثالث : (5.5 نقاط) (وحدة قيس الطول هي الصنتمتر).

ليكن (O, I, J) معيناً متعامداً في المستوى حيث $OI = OJ = 1$

نعتبر نقطتين $A(2, 4)$ و $B(2, 0)$ من المستوى.

(1) أ) بين أن المثلث OAB قائم الزاوية في B

ب) بين أن $OA = 2\sqrt{5}$

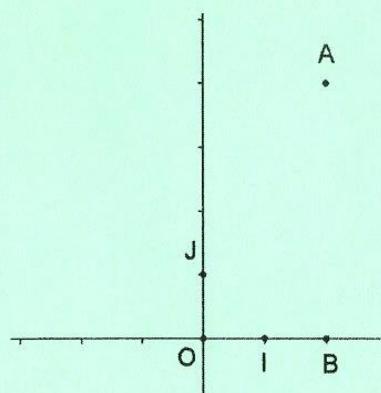
(2) لتكن النقطة C مناظرة النقطة B بالنسبة إلى النقطة O

و K نقطة تقاطع المستقيمين (AC) و (OJ)

أ) حد إحداثيات النقطة C

ب) بين أن K منتصف $[AC]$

ج) استنتاج إحداثيات النقطة K





(3) المستقيم (BJ) يقطع المستقيم (OA) في نقطة M

أ) بين أن $BJ = \sqrt{5}$

ب) بين أن $\frac{MJ}{MB} = \frac{MO}{MA} = \frac{1}{4}$

ج) بين أن $MB = \frac{4}{5}BJ$ و $MO = \frac{1}{5}OA$

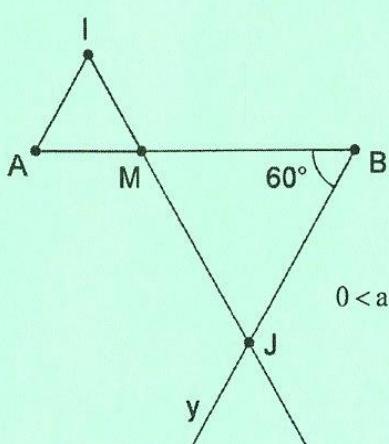
د) أحسب MO و MB ثم بين أن المثلث OMB قائم الزاوية في النقطة M

(4) لتكن H المسقط العمودي للنقطة M على (OB)

أ) بين أن $MH = \frac{4}{5}$

ب) أحسب OH

ج) استنتج احداثيات النقطة M



نعتبر العبارة $E = 3x^2 - 40x + 100$ حيث x عدد حقيقي.

(1) أ) أحسب القيمة العددية لـ E في الحالة $x = \frac{10}{3}$

ب) بين أن $E = (3x - 10)(x - 10)$

ج) استنتاج مجموعه الأعداد الحقيقة x حيث $E = 0$

(2) وحدة قيس الطول هي الصنتمتر. في الرسم المقابل لدينا :

• قطعة مستقيم حيث $[AB] = 5$

• نقطة من $[AB]$ مختلفة عن A و B حيث $AM = a$ و a عدد حقيقي و $0 < a < 5$

• نقطة من المستوى حيث MAI مثلث متقارب الأضلاع.

• $\widehat{ABy} = 60^\circ$ نصف مستقيم حيث $[By]$

• J نقطة تقاطع (IM) و (By)

أ) بين أن المثلث MBJ متقارب الأضلاع.

ب) لتكن S_1 قيس مساحة المثلث MAI و S_2 قيس مساحة المثلث MBJ

أحسب S_1 و S_2 بدلالة a ثم بين أن $4S_2 - S_1 = \frac{\sqrt{3}}{4}(3a^2 - 40a + 100)$

ج) استنتاج a علماً أن $\frac{S_2}{S_1} = \frac{1}{4}$

التمرين الخامس : (3,5 نقاط) (وحدة قيس الطول هي الصنتمتر).

نعتبر الرسم التالي حيث :

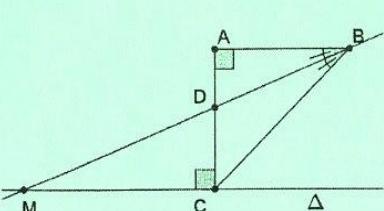
• ABC مثلث متقارب الضلعين وقائم الزاوية في A و $A = 2$

• Δ المستقيم المار من C و العمودي على (AC)

• منصف الزاوية \widehat{ABC} يقطع (AC) في نقطة D ويقطع Δ في نقطة M

(1) أ) بين أن المستقيمين (AB) و (MC) متوازيان.

ب) استنتاج أن $\frac{DB}{DM} = \frac{DA}{DC} = \frac{BA}{MC}$



(2) أ) بين أن $\widehat{ABM} = \widehat{CMB}$ واستنتاج أن المثلث BCM متقارب الضلعين.

ب) بين إذن أن $\frac{DA}{DC} = \frac{1}{\sqrt{2}}$

ج) بين أن $DA = 2(\sqrt{2} - 1)$



مرحبا بكم على منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

